

# PairAPair : algorithmique des protocoles de pair à pair

Laurent Viennot

ACI MD, PaRISTIC 2005

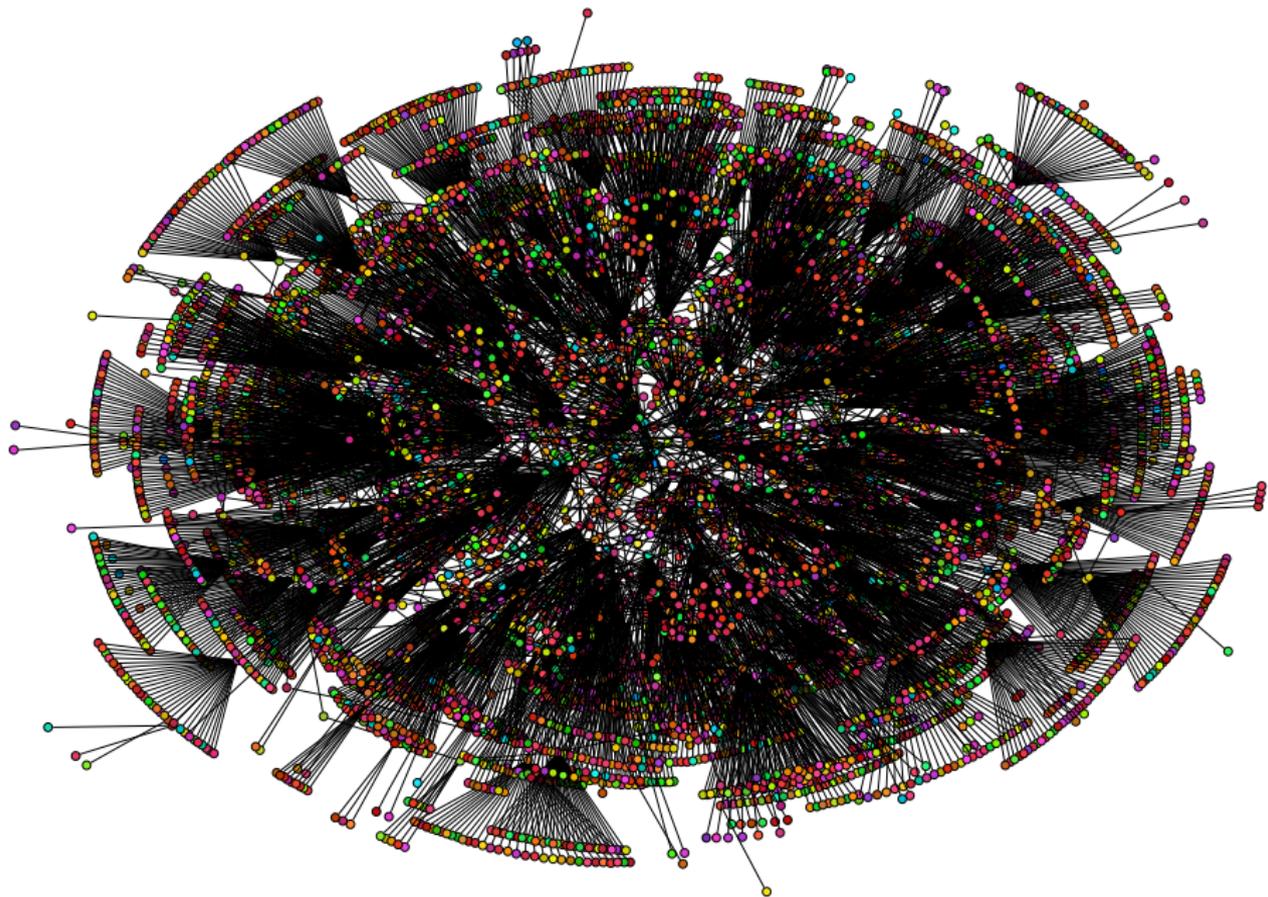
## Fondateurs

- Inria-Liafa , Gyroweb (Laurent Viennot)
- LRI, Grafcomm (Pierre Fraigniaud)
- LaBRI, Graphes (Cyril Gavoille)
- Inria, Hipercom (Cédric Adjih)

## Auto-sponsorisés réguliers

- Inria-Insa Lyon, Ares (Eric Fleury)
- FT, MAPS/MMC (Joaquin Keller)

# Qu'est-ce qu'un réseau de pair à pair ?

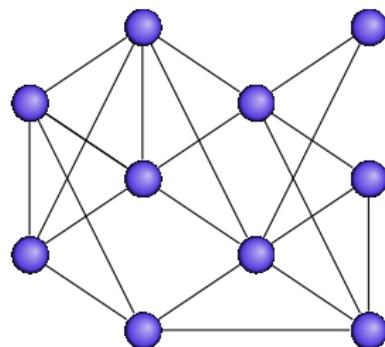


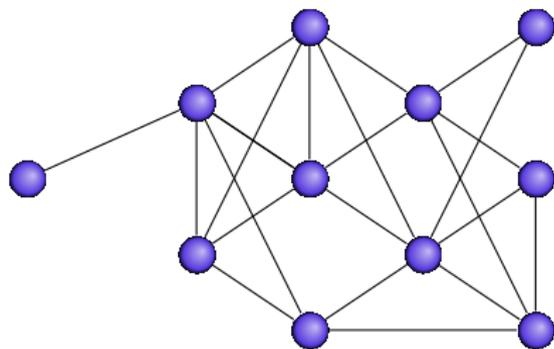
## Un réseau logique décentralisé

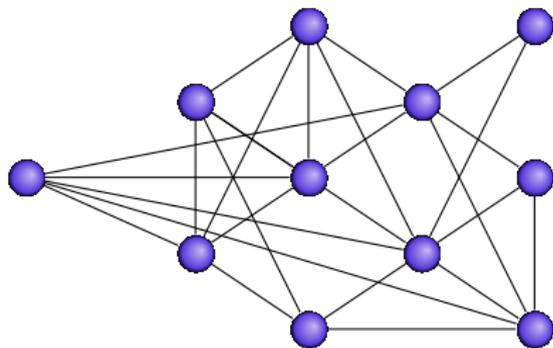
- Pair à pair = « peer-to-peer ».
- Réseau décentralisé, pas de serveur.
- Connexions client-client : entre pairs.
- Réseau logique entre les clients.

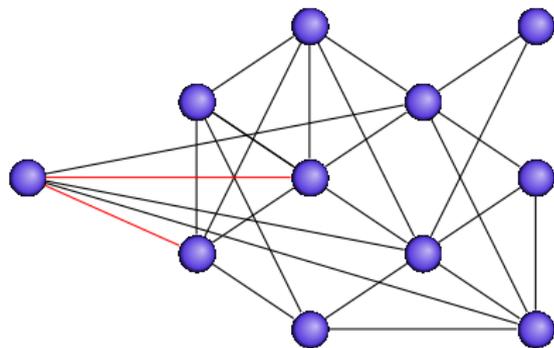
## Concrètement

- Chacun fait tourner un programme sur son ordinateur.
- Ce programme se connecte (via Internet) à d'autres ordinateurs faisant tourner le même programme.
- Une fois connecté, on peut s'échanger des données, des fichiers par exemple.









## Problème à résoudre

- Comment trouver celui qui a telle donnée ?
- Il y a beaucoup de pairs.
- À qui me connecter ?
- Il y a sans cesse des nouveaux arrivant et des partants.

## Internet

- Comment atteindre celui qui gère telle adresse IP ?
- À qui suis-je connecté ?

## Problème à résoudre

- Comment trouver celui qui a telle donnée ?
- Il y a beaucoup de pairs.
- À qui me connecter ?
- Il y a sans cesse des nouveaux arrivant et des partants.

## Internet

- Comment atteindre celui qui gère telle adresse IP ?
- À qui suis-je connecté ?

## Problème à résoudre

- Comment trouver celui qui a telle donnée ?
- Il y a beaucoup de pairs.
- À qui me connecter ?
- Il y a sans cesse des nouveaux arrivant et des partants.

## Internet

- Comment atteindre celui qui gère telle adresse IP ?
- À qui suis-je connecté ?

## Problème à résoudre

- Comment trouver celui qui a telle donnée ?
- Il y a beaucoup de pairs.
- À qui me connecter ?
- Il y a sans cesse des nouveaux arrivant et des partants.

## Internet

- Comment atteindre celui qui gère telle adresse IP ?
- À qui suis-je connecté ?

## Problème à résoudre

- Comment trouver celui qui a telle donnée ?
- Il y a beaucoup de pairs.
- À qui me connecter ?
- Il y a sans cesse des nouveaux arrivant et des partants.

## Internet

- Comment atteindre celui qui gère telle adresse IP ?
- À qui suis-je connecté ?

## Problème à résoudre

- Comment trouver celui qui a telle donnée ?
- Il y a beaucoup de pairs.
- À qui me connecter ?
- Il y a sans cesse des nouveaux arrivant et des partants.

## Internet

- Comment atteindre celui qui gère telle adresse IP ?
- À qui suis-je connecté ?

## Routage par inondation

- Diffuser la question à tout le monde.
- Quand un client reçoit une requête, il la propage à ses voisins (inondation).
- Avec  $n$  participants posant tous des requêtes, on arrive à  $\Omega(n^2)$  messages.

## Optimisations

- Hiérarchiser le réseau.
- Utiliser des propriétés du graphe de connexion tel qu'il est pour optimiser les mécanismes du protocole [FGL05].
- Analyse de systèmes existants [IBV04, GIB04].

## Routage par inondation

- Diffuser la question à tout le monde.
- Quand un client reçoit une requête, il la propage à ses voisins (inondation).
- Avec  $n$  participants posant tous des requêtes, on arrive à  $\Omega(n^2)$  messages.

## Optimisations

- Hiérarchiser le réseau.
- Utiliser des propriétés du graphe de connexion tel qu'il est pour optimiser les mécanismes du protocole [FGL05].
- Analyse de systèmes existants [IBV04, GIB04].

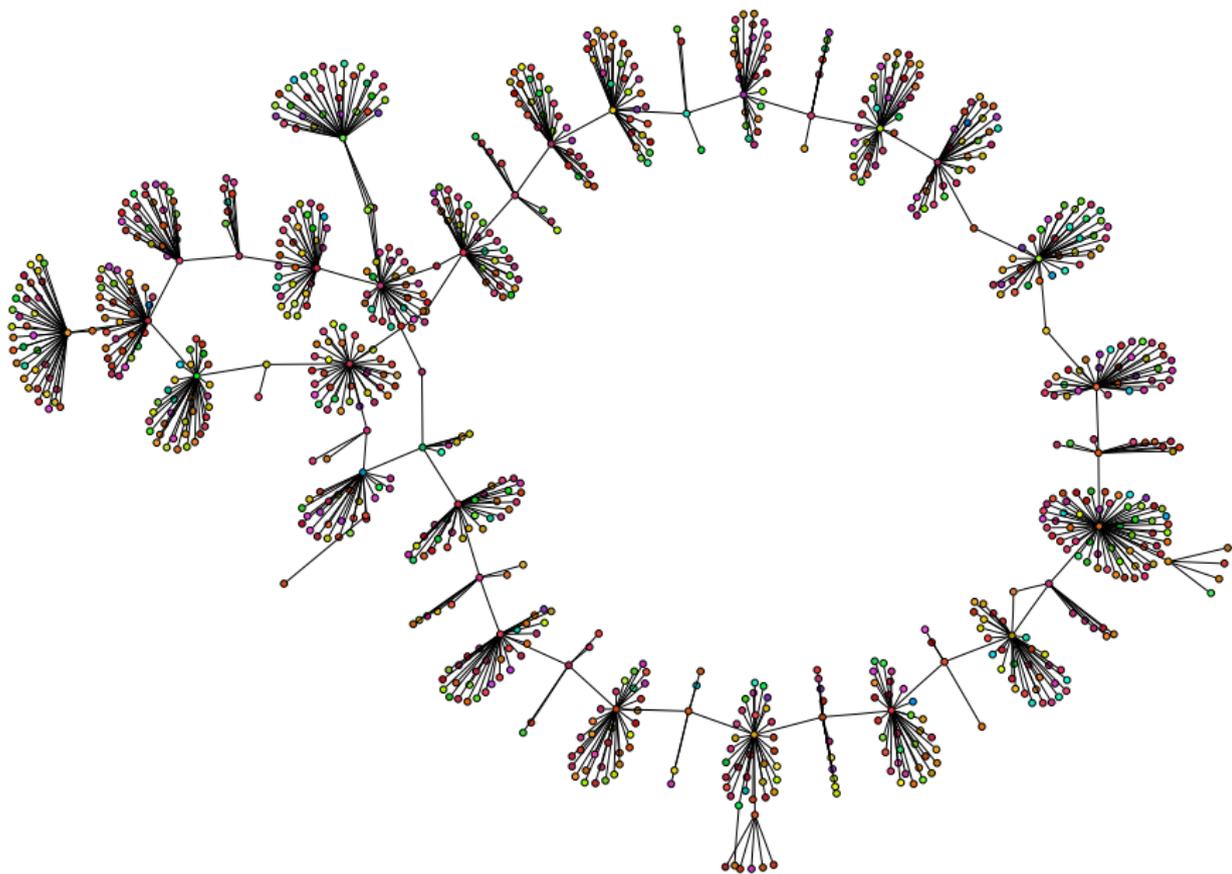
## Routage par inondation

- Diffuser la question à tout le monde.
- Quand un client reçoit une requête, il la propage à ses voisins (inondation).
- Avec  $n$  participants posant tous des requêtes, on arrive à  $\Omega(n^2)$  messages.

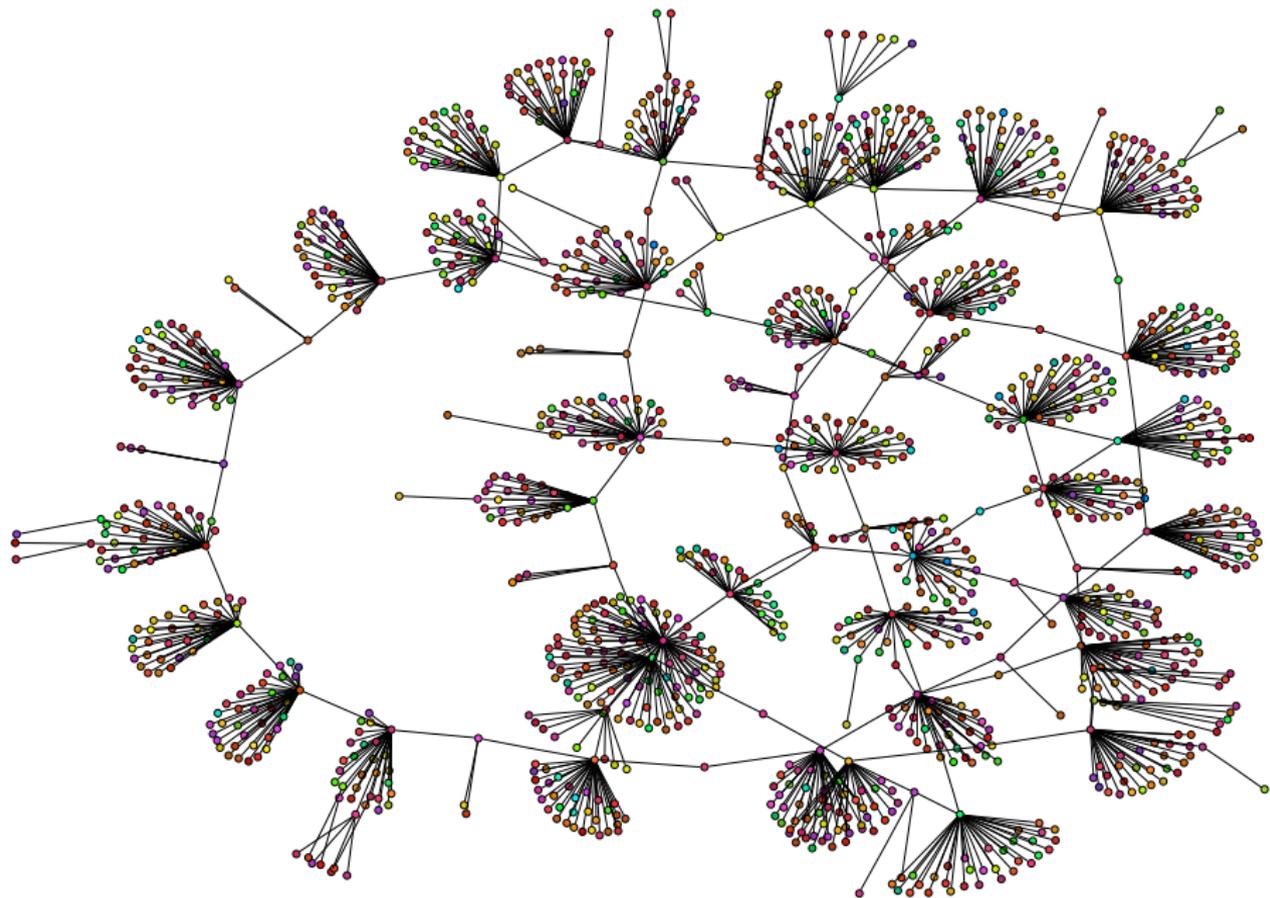
## Optimisations

- Hiérarchiser le réseau.
- Utiliser des propriétés du graphe de connexion tel qu'il est pour optimiser les mécanismes du protocole [FGL05].
- Analyse de systèmes existants [IBV04, GIB04].

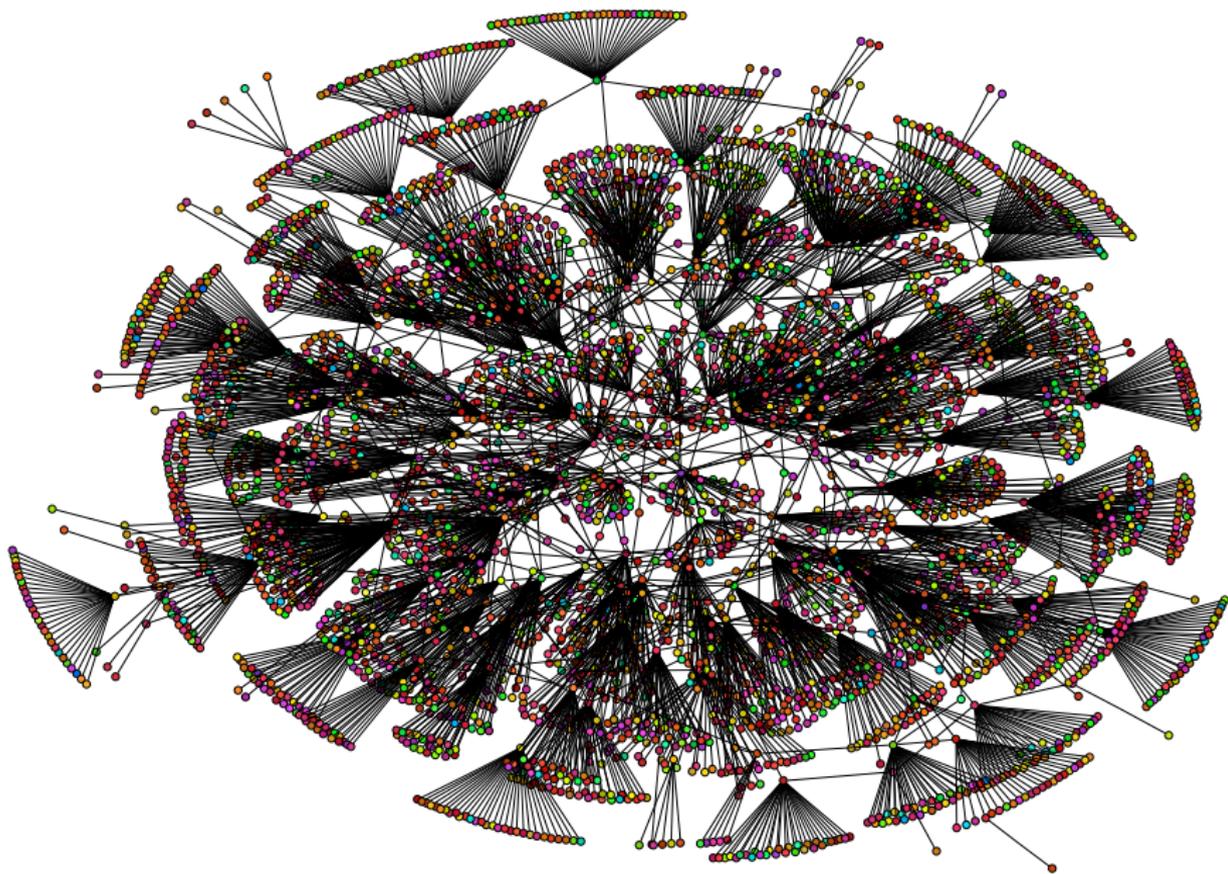
# Gnutella, 50 nœuds visités



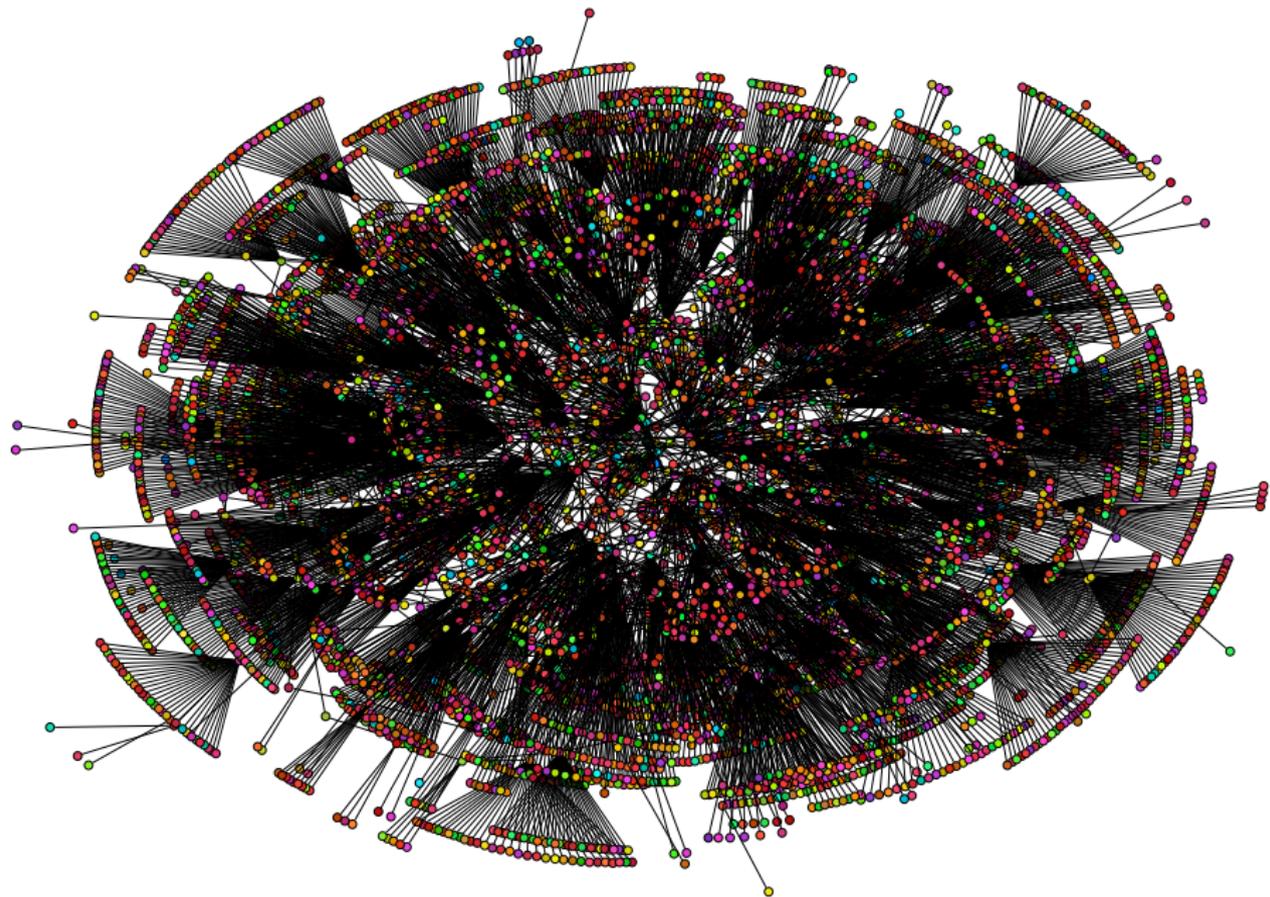
# Gnutella, 100 nœuds visités



# Gnutella, 250 nœuds visités



# Gnutella, 400 nœuds visités



## Choisir ses voisins

- Donner des identifiants aux données (par exemple, Sha1 du nom de fichier).
- Choisir ses voisins en fonctions des identifiants des données qu'ils possèdent (skiplist par exemple).
- Donner des identifiants aux nœuds et choisir ses voisins en fonction de leurs identifiants (tables de hachages distribuées (DHT), par exemple).

## Qui indexe telle donnée ?

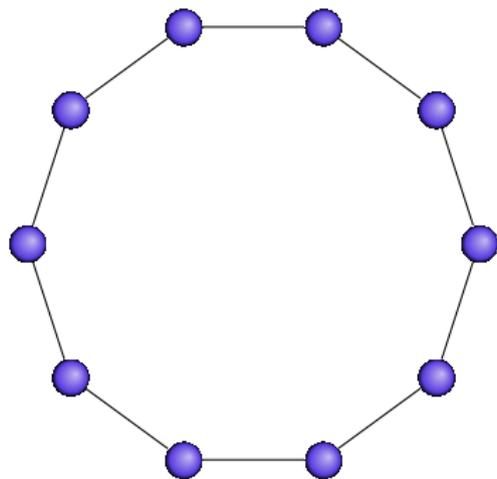
- Chacun indexe ses propres données (skiplist).
- La donnée d'identifiant  $k$  est indexé par le nœud d'identifiant  $u$  le plus proche de  $k$  (DHT).

## Hachage

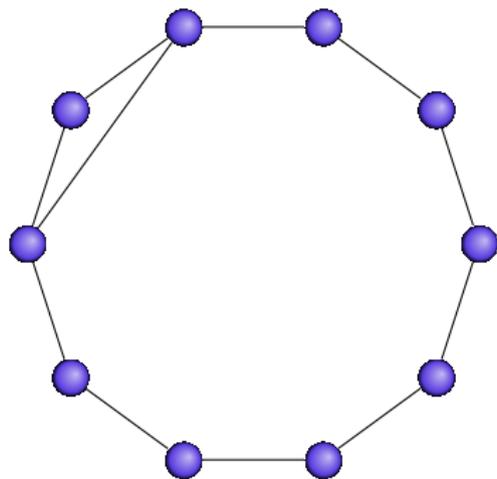
- Espace logique  $K$ .
- Fonction de hachage  $h$  : donnée  $A \rightarrow h(A) = k \in K$ .
- Stocker  $A$  sur le nœud  $u$  tel que  $\text{dist}(k, u)$  minimale.

## Routage par la clé

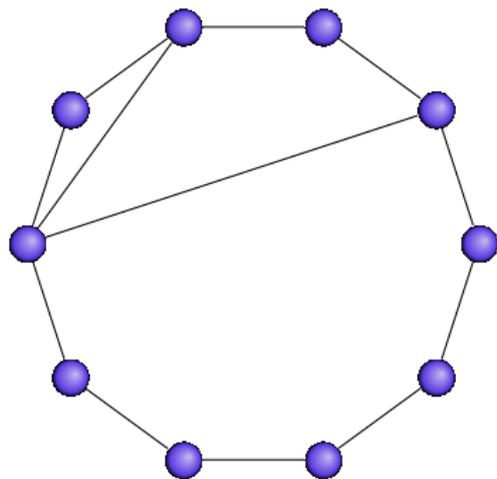
- $u$  connaît les nœuds  $v$  tels que  $\text{dist}(u, v)$  petite.
- Si  $u$  n'est pas le plus proche de  $k$ , il connaît au moins un nœud strictement plus proche.
- De proche en proche, on peut trouver le nœud le plus proche de  $k$ .

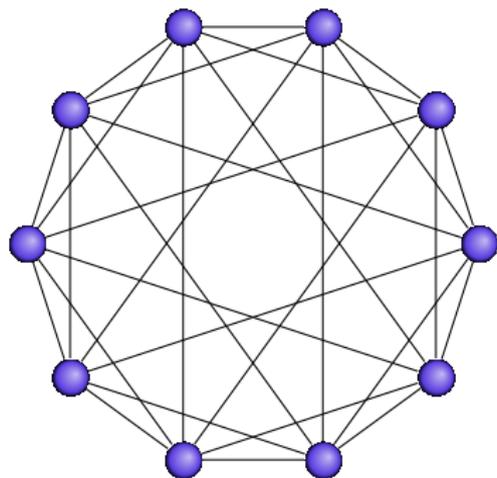


Exemple : CAN.

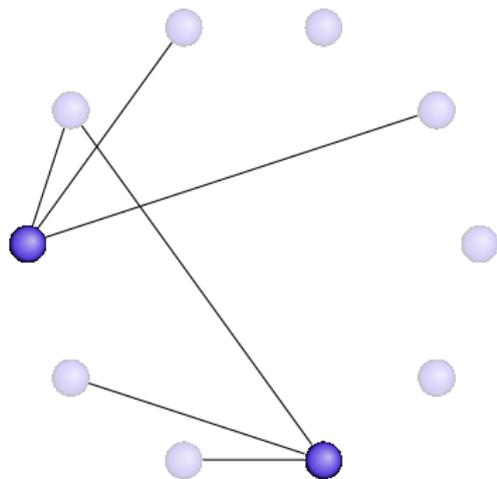


# DHT Tore de dimension $d$ augmenté

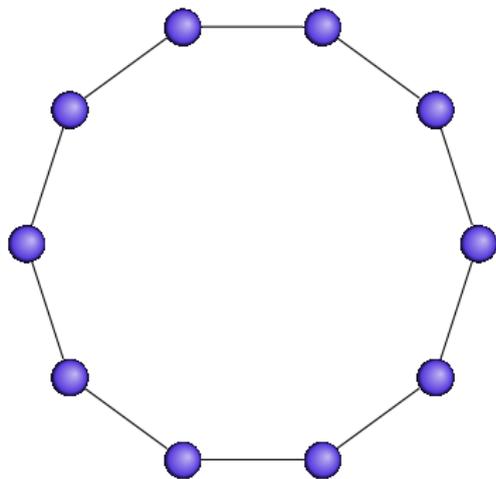




Idée de Chord ( $d = 2$ ).

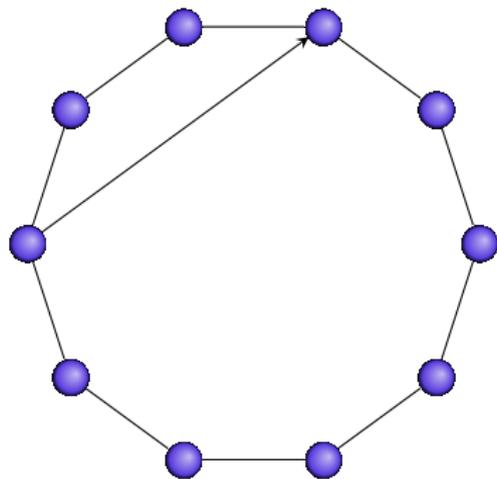


Skiplist ( $d = 2$ ).



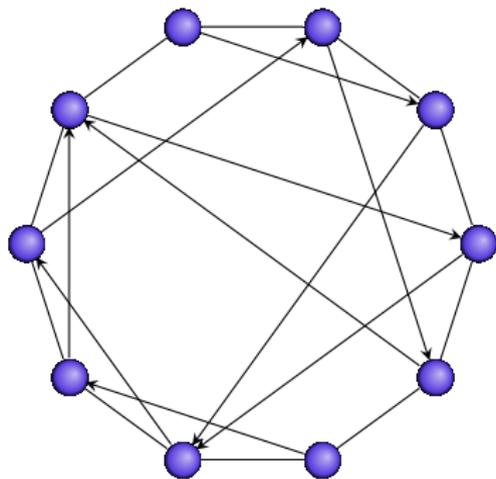
## Tore augmenté aléatoirement

- Un tore connu de tous.
- Plus un lien aléatoire pour chaque nœud  $u$  vers  $v$  avec probabilité proportionnelle à  $1/|B(\text{dist}(u, v))|$ .
- Un nœud ne connaît pas les liens aléatoires des autres.



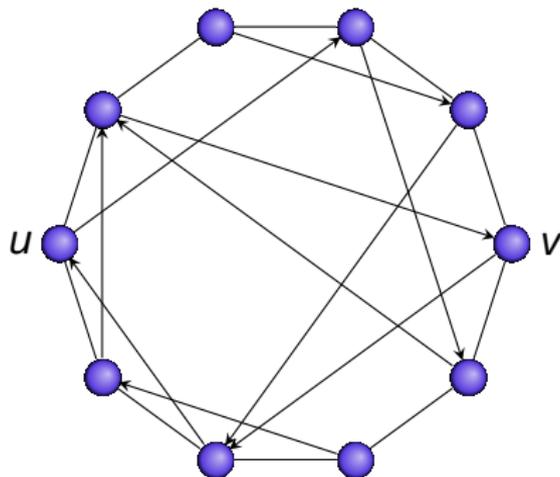
## Tore augmenté aléatoirement

- Un tore connu de tous.
- Plus un lien aléatoire pour chaque nœud  $u$  vers  $v$  avec probabilité proportionnelle à  $1/|B(\text{dist}(u, v))|$ .
- Un nœud ne connaît pas les liens aléatoires des autres.



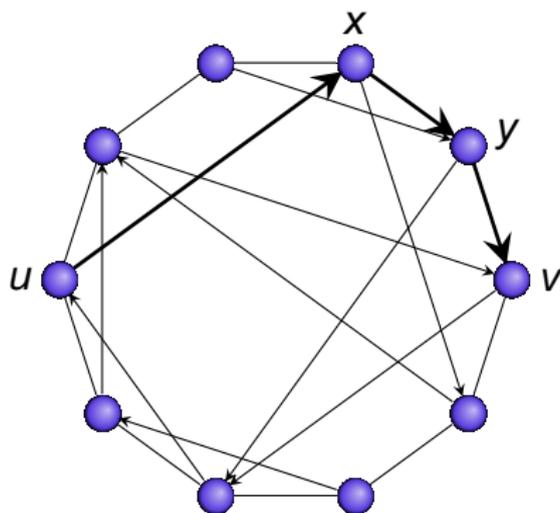
## Tore augmenté aléatoirement

- Un tore connu de tous.
- Plus un lien aléatoire pour chaque nœud  $u$  vers  $v$  avec probabilité proportionnelle à  $1/|B(\text{dist}(u, v))|$ .
- Un nœud ne connaît pas les liens aléatoires des autres.



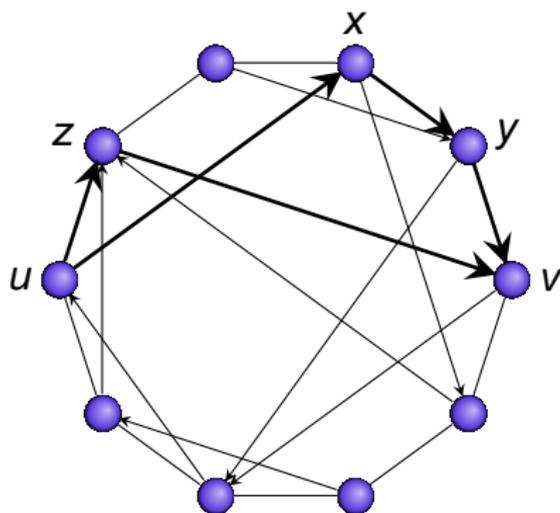
## Tore augmenté aléatoirement

- Un tore connu de tous.
- Plus un lien aléatoire pour chaque nœud  $u$  vers  $v$  avec probabilité proportionnelle à  $1/|B(\text{dist}(u, v))|$ .
- Un nœud ne connaît pas les liens aléatoires des autres.



## Tore augmenté aléatoirement

- Un tore connu de tous.
- Plus un lien aléatoire pour chaque nœud  $u$  vers  $v$  avec probabilité proportionnelle à  $1/|B(\text{dist}(u, v))|$ .
- Un nœud ne connaît pas les liens aléatoires des autres.



## Tore augmenté aléatoirement

- Un tore connu de tous.
- Plus un lien aléatoire pour chaque nœud  $u$  vers  $v$  avec probabilité proportionnelle à  $1/|B(\text{dist}(u, v))|$ .
- Un nœud ne connaît pas les liens aléatoires des autres.

## Routage glouton

- Faire passer au voisin le plus proche de la destination dans le graphe connu.
- Routes en  $O(\log^2 n)$ .

## Extensions

- [FGP04] Un nœud connaît les liens aléatoires des nœuds dans sa boule de taille  $\log n$ . Routes en  $O(\log^{1+1/d} n)$ .
- [DHLS05] Peut-on rajouter des liens aléatoires à un graphe quelconque de sorte à obtenir des routes courtes ? Oui si la taille des boules ne croît pas trop vite avec le rayon.
- Il existe un résultat similaire si la métrique du graphe est  $s$ -doubling (Slivkins).

## Hypercube

- Chaque nœud  $u = u_1 u_2 u_3 \dots$  connaît des nœuds de préfixes :  
 $\overline{u_1}$ ,  $u_1 \overline{u_2}$ ,  $u_1 u_2 \overline{u_3}$ , ...
- Routage préfixe : pour atteindre  $k_1 k_2 k_3 \dots$ , passer par des nœuds de préfixes :  
 $k_1$ ,  $k_1 k_2$ ,  $k_1 k_2 k_3$ , ...
- Plus proche = long préfixe commun = xor petit.
- Tables de voisinage en  $O(\log n)$  et routes en  $O(\log n)$ .
- Exemples : Pastry, Kademia.

## Graphe de Bruijn

- Chaque nœud  $u = u_1 u_2 u_3 \dots$  connaît des nœuds de préfixes :  
 $0u_1 u_2 u_3 \dots$ ,  $1u_1 u_2 u_3 \dots$ .
- Routage par décallage : pour atteindre  $k_1 k_2 k_3 \dots$ , passer par des nœuds de préfixes :  
 $k_\ell u_1 u_2 u_3 \dots$ ,  $k_{\ell-1} k_\ell u_1 u_2 \dots$ ,  $k_{\ell-2} k_{\ell-1} k_\ell u_1 \dots$ , ...,  $k_2 \dots k_\ell u_1$ ,  $k_1 \dots k_\ell$ . ( $\ell = \log n$ )
- Tables de voisinage en  $O(1)$  et routes en  $O(\log n)$ .

## Résultats

- DHT de Bruijn [FG03], avec redondance de liens [GV04].
- Architecture de DHT pour l'indexation de mots clés [GV06].
- Graphe de Bruijn de clusters pour la distribution d'un flux de données [GV05].

## Graphe de Bruijn

- Chaque nœud  $u = u_1 u_2 u_3 \dots$  connaît des nœuds de préfixes :  
 $0u_1 u_2 u_3 \dots$ ,  $1u_1 u_2 u_3 \dots$ .
- Routage par décallage : pour atteindre  $k_1 k_2 k_3 \dots$ , passer par des nœuds de préfixes :  
 $k_\ell u_1 u_2 u_3 \dots$ ,  $k_{\ell-1} k_\ell u_1 u_2 \dots$ ,  $k_{\ell-2} k_{\ell-1} k_\ell u_1 \dots$ , ...,  $k_2 \dots k_\ell u_1$ ,  $k_1 \dots k_\ell$ . ( $\ell = \log n$ )
- Tables de voisinage en  $O(1)$  et routes en  $O(\log n)$ .

## Résultats

- DHT de Bruijn [FG03], avec redondance de liens [GV04].
- Architecture de DHT pour l'indexation de mots clés [GV06].
- Graphe de Bruijn de clusters pour la distribution d'un flux de données [GV05].

## Réseau logique rapide

- Spanner peu dense :  
sur les  $O(n^2)$  liens de la clique des  $n$  pairs, on ne veut en garder que  $o(n)$  par nœud.
- Routes courtes (par rapport au réseau physique) :  
la route de  $u$  à  $v$  ne doit pas être plus longue (somme des RTTs) que  $f$  fois le lien direct de  $u$  à  $v$  (RTT).

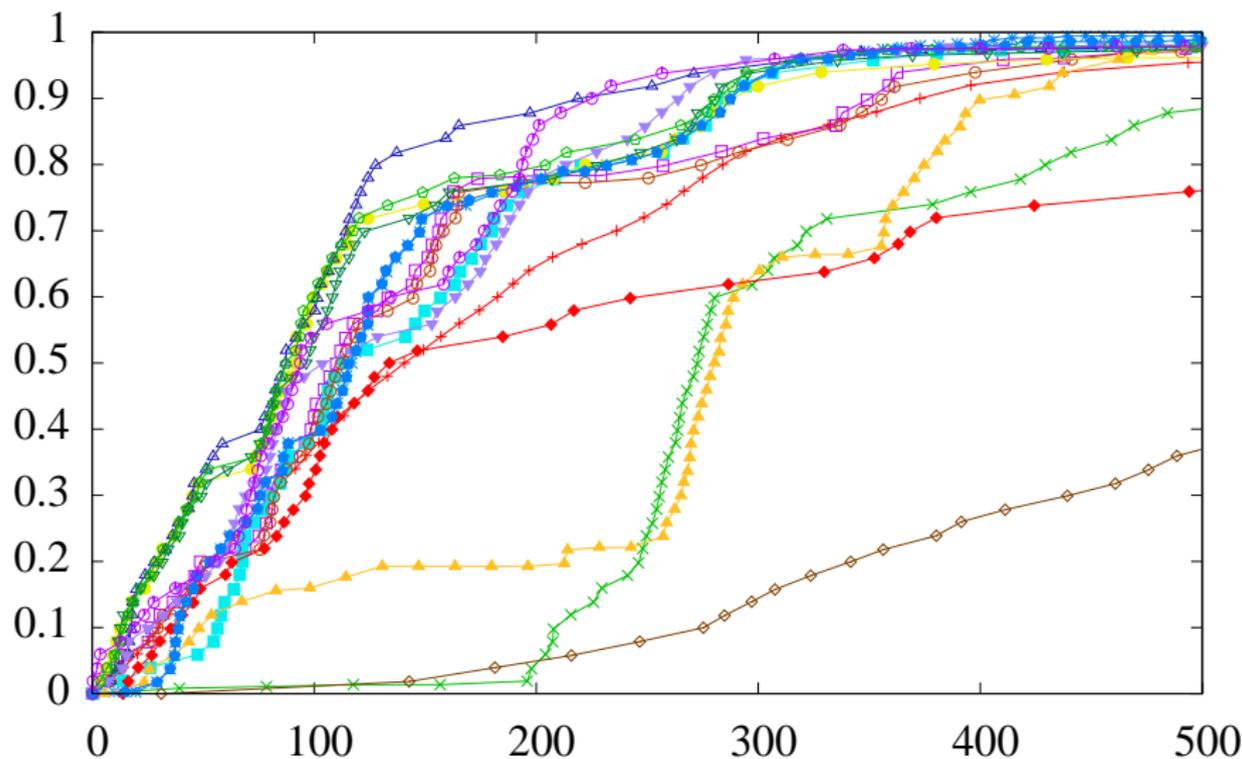
## Résultats théoriques

- Avec  $\tilde{O}(n^{1/k})$  bits d'information par nœud, et des en-têtes de  $O(\log^2 n)$  bits, on peut obtenir des tables de routage avec un facteur d'élongation  $f \leq 4k - 5$  ( $k \geq 2$ ).
- $f < 3$  impossible avec  $o(n)$  bits par nœud.
- Rafinements, notamment sans renommer les nœuds [AGM04,AGMNT04,DG04].

## Métrieque $s$ -doubling

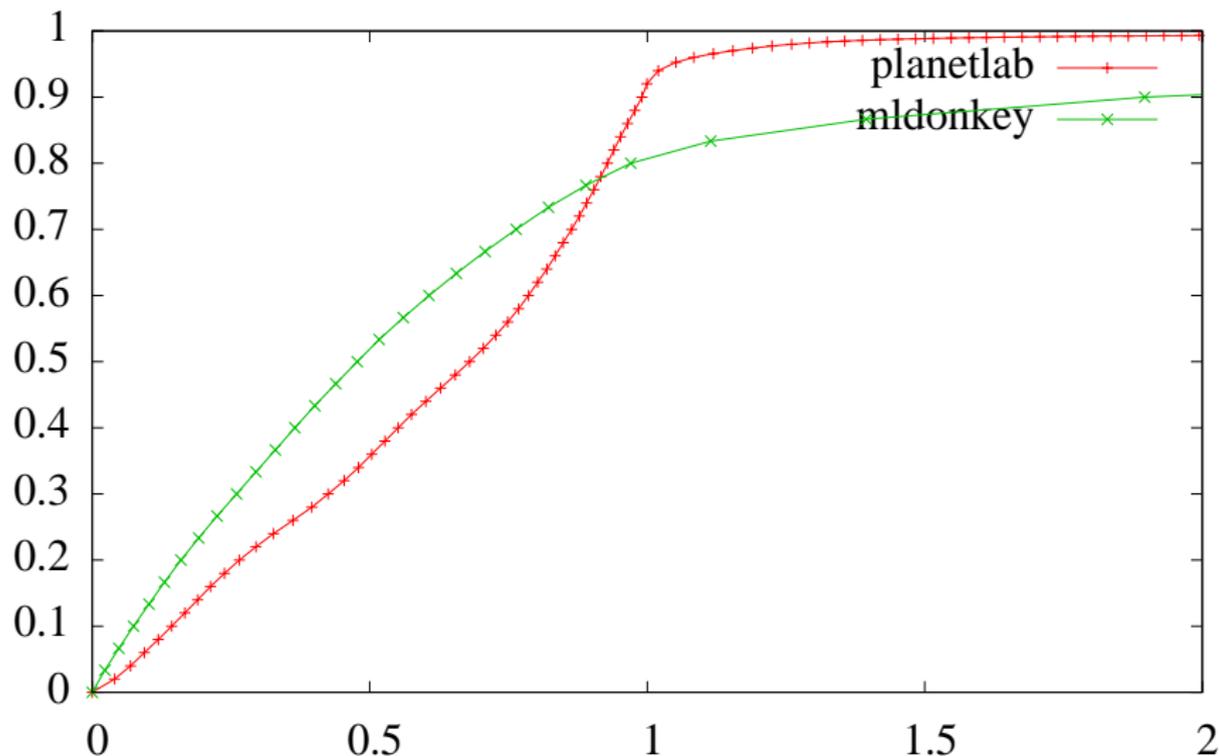
- Toute boule de rayon  $r$  peut-être couverte par  $2^s$  boules de rayons  $r/2$ .
- Un espace euclidien de dimension  $d$  a une métrieque  $O(d)$ -doubling.
- Si la métrieque du graphe est  $s$ -doubling, alors  $O(\varepsilon^{-O(s)} \log \Delta \log n)$  bits par nœud permettent de router avec facteur d'élongation  $1 + \varepsilon$  au plus (en-têtes de  $O(s \log \frac{1}{\varepsilon} \log \Delta)$ ,  $\Delta$  est l'« aspect ratio »).
- $O(\varepsilon^{-O(s)} \log^3 n)$  bits par nœuds, en-têtes de  $2^{O(s)} \log^3 n$  [AGGM05].
- Espace métrieque (graphe = clique) :  $O(\varepsilon^{-O(s)} \log^2 n)$  bits par nœuds, en-têtes de  $\log n$  [AGGM05].

# RTTs dans Internet, s-doubling ?



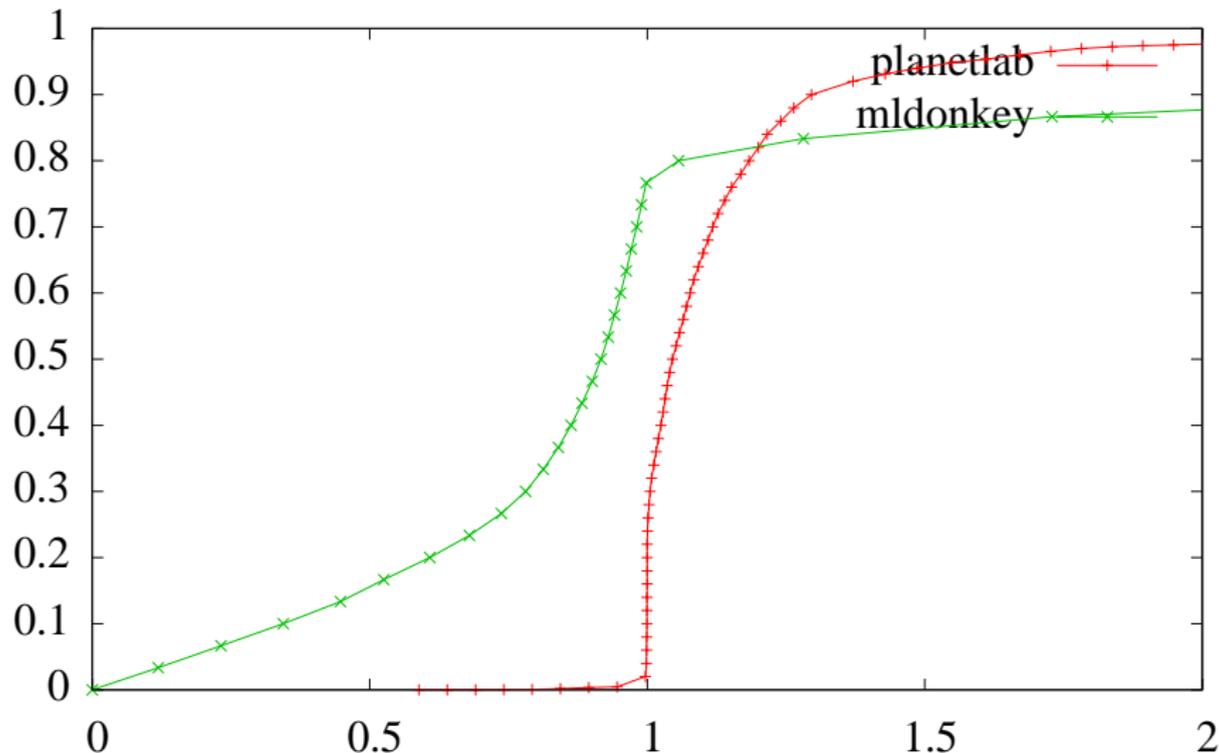
Distribution cumulée des  $ab$  pour quelques  $a$  pris au hasard dans Planetlab.

# RTTs dans Internet, métrique ?



Distribution cumulée des  $\frac{ac}{ab+bc}$  pour tout triangle  $a, b, c$ .

# RTTs dans Internet



Distribution cumulée des  $\frac{ac}{\min_b(ab+bc)}$  pour toute paire  $a, c$ .

## But

- Réseau logique plus rapide que le réseau physique ?

## Contraintes

- Le graphe est une clique avec des poids sur les arêtes.
- Pas vraiment de limite de mémoire par nœud (100 000 adresses = 600 Ko).
- $p$  pings par nœud par heure (1 ping = 1 mesure de RTT).

## But

- Réseau logique plus rapide que le réseau physique ?

## Contraintes

- Le graphe est une clique avec des poids sur les arêtes.
- Pas vraiment de limite de mémoire par nœud (100 000 adresses = 600 Ko).
- $p$  pings par nœud par heure (1 ping = 1 mesure de RTT).

## But

- Réseau logique plus rapide que le réseau physique ?

## Contraintes

- Le graphe est une clique avec des poids sur les arêtes.
- Pas vraiment de limite de mémoire par nœud (100 000 adresses = 600 Ko).
- $p$  pings par nœud par heure (1 ping = 1 mesure de RTT).

## Similitudes

- Décentralisé sans infrastructure.
- Dynamique des connexions plutôt que de l'arrivée et des départs des nœuds.

## Résultats

- Multicast par réseau logique [JR05].
- Réseau ad hoc hiérarchique au moyen d'une table de Hachage distribuée [FM05].
- Coopération : encouragement au relayage [FG05].

## Dilemme du téléchargeur peer-to-peer

Recevoir ses données avec le moins d'effort possible.

Matrice de satisfaction de  $A$  et  $B$  :

$A \setminus B$	$B$ Donne	$B$ Attend
$A$ Donne	0.9\0.9	-0.1\1
$A$ Attend	1\ -0.1	0\0

## Étude du protocole BitTorrent

- Autres stratégies que le « prêté pour un rendu » [dM05].
- Modèle multi-joueur [F05].
- Utilisation du même principe pour encourager les nœuds d'un réseau ad hoc à relayer [FG05].

## Dilemme du téléchargeur peer-to-peer

Recevoir ses données avec le moins d'effort possible.

Matrice de satisfaction de  $A$  :

$A$	$B$ Donne
$A$ Donne	0.9
$A$ Attend	1

## Étude du protocole BitTorrent

- Autres stratégies que le « prêté pour un rendu » [dM05].
- Modèle multi-joueur [F05].
- Utilisation du même principe pour encourager les nœuds d'un réseau ad hoc à relayer [FG05].

## Dilemme du téléchargeur peer-to-peer

Recevoir ses données avec le moins d'effort possible.

Matrice de satisfaction de  $A$  :

$A$	$B$ Attend
$A$ Donne	-0.1
$A$ Attend	0

## Étude du protocole BitTorrent

- Autres stratégies que le « prêté pour un rendu » [dM05].
- Modèle multi-joueur [F05].
- Utilisation du même principe pour encourager les nœuds d'un réseau ad hoc à relayer [FG05].

## Dilemme du téléchargeur peer-to-peer

Recevoir ses données avec le moins d'effort possible.

Matrice de satisfaction de  $B$  :

$B$	$B$ Donne	$B$ Attend
$A$ Donne	0.9	1
$A$ Attend	-0.1	0

## Étude du protocole BitTorrent

- Autres stratégies que le « prêté pour un rendu » [dM05].
- Modèle multi-joueur [F05].
- Utilisation du même principe pour encourager les nœuds d'un réseau ad hoc à relayer [FG05].

## Dilemme du téléchargeur peer-to-peer

Recevoir ses données avec le moins d'effort possible.

Matrice de satisfaction de  $A$  et  $B$  :

$A \setminus B$	$B$ Donne	$B$ Attend
$A$ Donne	0.9\0.9	-0.1\1
$A$ Attend	1\ -0.1	0\0

Heuristique dans le jeu itéré : donner à ceux qui ont donné au coup d'avant (« tit for tat » ou « prêté pour un rendu »).

## Étude du protocole BitTorrent

- Autres stratégies que le « prêté pour un rendu » [dM05].
- Modèle multi-joueur [F05].
- Utilisation du même principe pour encourager les nœuds d'un réseau ad hoc à relayer [FG05].

## Dilemme du téléchargeur peer-to-peer

Recevoir ses données avec le moins d'effort possible.

Matrice de satisfaction de  $A$  et  $B$  :

$A \setminus B$	$B$ Donne	$B$ Attend
$A$ Donne	0.9\0.9	-0.1\1
$A$ Attend	1\ -0.1	0\0

Heuristique dans le jeu itéré : donner à ceux qui ont donné au coup d'avant (« tit for tat » ou « prêté pour un rendu »).

## Étude du protocole BitTorrent

- Autres stratégies que le « prêté pour un rendu » [dM05].
- Modèle multi-joueur [F05].
- Utilisation du même principe pour encourager les nœuds d'un réseau ad hoc à relayer [FG05].